

# سیستم های رمزنگاری



امروزه در شبکه های بی سیم به راحتی می توان علامت های رادیویی را استراق سمع کرد و حتی این عمل در شبکه های سیم دار نیز ممکن است. از این رو اطلاعات و سیگنال ها باید به گونه ای تنظیم و ارسال شوند که در صورت استراق سمع، کماکان محفوظ بمانند و به جز گیرنده، هیچ کس دیگری امکان فهمیدن این اطلاعات را نداشته باشد. در این میان، تنها با رمزنگاری اطلاعات می توان محتویات را محفوظ داشت. در حال حاضر تمامی دولت ها به این نکته و اهمیت آن در سیستم های اقتصادی، سیاسی و نظامی کشور واقف هستند.

هم اکنون با توجه به رشد روزافزون شبکه اینترنت، دغدغه حفظ حریم شخصی افراد نیز به این مقوله وارد شده و تمامی افراد مایل هستند که در زمان ارسال پیام، هیچ کسی جز گیرنده امکان متوجه شدن متن پیام را نداشته باشد و در عین حال گیرنده پیام نیز باید از شخص ارسال کننده مطمئن بوده و یقین پیدا کند که کس دیگری با شناسه مشترک، پیامی ارسال نکرده است. در ابتدای امر، شرکت ها سعی داشتند برای این منظور سیستم های امنیتی و شبکه های ضد نفوذی را طراحی کنند، اما هر کدام تنها برای مدت کوتاهی کارایی داشت و پس از آن راه نفوذ به سیستم، کشف و اطلاعات به سرقت برده می شد. در زمینه رمزنگاری، سیستم های مختلفی وجود دارد که جایگزینی کاراکترها از جمله ساده ترین آنها است؛ به این معنا که به ازای هر حرف، حرف دیگری را جایگزین کنیم. این سیستم بسیار راحت رمزگشایی می شود و هر کسی که بتواند آن را رمز کند، به راحتی نیز از رمز خارج می کند. اما سیستم رمزنگاری باید طوری باشد که رمزگشایی آن مشکل باشد. در این بین، دو سیستم با نام های DES و RSA وجود دارد که در این مقاله به آنها و به ویژه RSA خواهیم پرداخت.

## سیستم DES

از اوائل دهه هفتاد، دولت فدرال امریکا و شرکت آی بی ام (IBM) مشترکاً روشی را برای رمزنگاری داده ها ابداع کردند که به عنوان استاندارد برای نگهداری اسناد محرمانه دولتی مورد استفاده قرار گرفت. این استاندارد که (Encryption Standard) نام گرفت، امروزه محبوبیت خود را از دست داده است. ورودی رمزنگار یک رشته ۶۴ بیتی است، بنابراین متنی که باید رمز شود در گروه های هشت کاراکتری دسته بندی می شود. اولین عملی که بر روی رشته ورودی ۶۴ بیتی انجام می شود، جابه جا کردن محل بیت های رشته ۶۴ بیتی است که این عمل طبق یک جدول جایگشتی انجام می گیرد و به آن جایگشت مقدماتی گفته می شود. سپس رشته ۶۴ بیتی، از وسط تقسیم و به ۲ رشته ۳۲ بیتی چپ و راست تبدیل شده و در مرحله بعدی، قسمت چپ و راست جایش عوض می شود. پس از آن، از طریق یک جدول عملیاتی در ۱۶ مرحله، محاسبات تابعی XOR صورت می گیرد که در هر یک از این ۱۶ مرحله، کلمه ای به عنوان کلید رمز حاصل می شود. در

مرحله آخر مجدداً جای چپ و راست رشته‌های ۳۲ بیتی جابه‌جا می‌شود.

در این سیستم یک رشته ۵۶ بیتی وجود دارد که به اصطلاح، رمزنگاری با قدرت ۵۶ بیت گفته می‌شود و حاوی ۱۶ کلید رمز است؛ اما برای رمزگشایی تنها به یکی از کلیدها احتیاج داریم. استفاده از هر بلوک ۸ کاراکتری برای رمزنگاری بلوک بعدی و رمزنگاری مجدد بلوک قبلی و این‌گونه تکرار بلوک‌ها، کار را برای رمز شکن‌های سیستم DES ساده‌تر می‌کند. نکته خاص آن است که چون کلید رمزنگاری و رمزگشایی، هر دو یکی است، لذا باید از کلید شدیداً حفاظت شود.

این الگوی رمزنگاری به عنوان استاندارد برای اسناد حساس فدرال آمریکا پذیرفته شد تا آنکه در سال ۱۹۷۷ یکی از محققان دانشگاه استنفورد (Stanford) با هزینه‌ای معادل ۲۰ میلیون دلار ماشینی را طراحی کرد که در عرض ۲۴ ساعت می‌توانست رمز DES را بشکند. بعد از آن ایده‌های جدیدی برای رمزنگاری مطرح شد که عملاً DES را کنار زد.

به کلید این سیستم که برای رمزنگاری و رمزگشایی یکسان است، «کلید مشترک» گفته می‌شود. در این میان سیستم‌هایی نظیر Triple-DES با قدرت ۱۱۲ بیت و IDEA با قدرت ۱۲۸ بیت نیز وجود دارند.

### سیستم RSA

در هر یک از الگوهای رمزنگاری ذکر شده، لازم است که فرستنده و گیرنده پیام، کلید رمز را بدانند. وقتی فرستنده پیام از کلیدی برای رمزنگاری استفاده می‌کند و گیرندگان هم از همان کلید برای رمزگشایی بهره می‌برند، افشا شدن کلید رمز توسط یکی از گیرندگان پیام، امنیت را به خطر می‌اندازد. در الگوی جدید رمزنگاری، برای حل مشکل از دو کلید متفاوت استفاده می‌شود: یکی برای رمزنگاری و دیگری برای رمزگشایی که از هیچ یک نیز نمی‌توان به جای دیگری استفاده کرد؛ همچنین کشف کلید رمز دوم با داشتن یک کلید بسیار مشکل و غیر ممکن است.

به کلید و یا کلمه رمزی که از آن برای رمزنگاری استفاده می‌کنیم، «کلید عمومی» و از کلیدی که برای رمزگشایی استفاده می‌کنیم، «کلید خصوصی» گفته می‌شود.

در این سیستم مبنای رمزنگاری استفاده از اعداد اول در ریاضیات است. همانطور که می‌دانید اعداد اول، به جز خودشان و یک به هیچ عدد دیگری تقسیم پذیر نیستند و به علاوه، تا بی‌نهایت ادامه دارند.

در این سیستم، دو عدد اول انتخاب و آنها را در یکدیگر ضرب

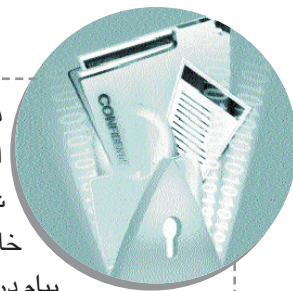
می‌کنیم و از حاصلضرب آنها در استفاده از کلید خصوصی و کلید عمومی بهره می‌بریم. نکته قابل توجهی که باعث شده این سیستم دارای امنیت بسیار بالایی باشد، آن است که امکان فاکتورگیری از عددی که حاصلضرب دو عدد اول بوده و سپس تجزیه آن به دو عدد اول، بسیار مشکل است.

به عنوان مثال، اعداد ۳ و ۵ را در نظر بگیرید که هر دو عدد اول هستند و حاصلضرب آنها ۱۵ است. حال می‌خواهید عدد ۱۵ را به دو عدد اول تجزیه کنید. این کار در مورد چنین عددی زیاد مشکل نیست؛ اما اگر به جای ۱۵ یک عدد ۲۰۰ رقمی داشتید چطور؟ با توجه به احتمالات و بی‌نهایت بودن تعداد اعداد اول، امکان اینکه دو کامپیوتر از دو عدد اول یکسان برای رمزنگاری استفاده کنند، بسیار پایین و حتی غیر محتمل است، پس برخلاف ادعای برخی مخالفان، احتمال حدس زدن کلید خصوصی رمز بنا به تشابهی که ممکن است با سیستم دیگری داشته باشد، غیرممکن است. (چه طور احتمال دارد دو سیستم به طور تصادفی از دو عدد اول ۷۰ رقمی یکسان برای سیستم رمزخود بهره بگیرند؟!)

در این سیستم افراد زیادی به کلید عمومی دسترسی دارند و با استفاده از آن می‌توانند پیام‌های خود را برای شخص خاصی رمزنگاری کنند. شخص گیرنده، با استفاده از کلید خصوصی که صرفاً در اختیار خودش است، متن را از حالت رمز خارج می‌کند. در این میان در صورت استراق سمع شبکه، حتی با در دست داشتن کلید عمومی، خارج کردن پیام از رمز غیر ممکن است و صرفاً باید به کلید خصوصی دسترسی داشت.

در این میان تنها کافی است که افراد کلید عمومی دوستان، آشنایان و همکاران را بدانند و پیام‌ها را برای هر یک، با کلید عمومی رمزنگاری کرده و ارسال کنند و مطمئن باشند که هیچ کسی جز گیرنده پیام (کسی که کلید خصوصی را در اختیار دارد) قادر به رمزگشایی آن نیست.

حال در صورت عدم دسترسی به کلید عمومی طرف مقابل و یا در صورتی که اگر قصد ارسال پیام به چندین نفر را داشتید، می‌توانید پیامتان را با استفاده از کلید خصوصی خودتان به رمز درآورید و در مقابل شخص و یا اشخاص گیرنده با استفاده از کلید عمومی، آن را از رمز خارج کنند. در این میان گیرندگان مطمئن خواهند بود که شخص ارسال کننده شما بوده‌اید و شما نیز نمی‌توانید منکر ارسال چنین پیامی شوید، زیرا شخص دیگری به کلید خصوصی دسترسی نداشته است. حتی اگر پیام مورد استراق سمع قرار گیرد، در صورت داشتن کلید عمومی قابل رمزگشایی است ولی اگر کوچک‌ترین تغییری



در آن داده شود، دریافت کنندگان اصلی متوجه می‌شوند زیرا که دیگر به شکل درستی با کلید عمومی از رمز خارج نمی‌شود و می‌توان فهمید که متن پیام در میان راه تغییر کرده است.

اما اعداد اول و حاصلضرب آنها چقدر باید بزرگ باشند تا تابع یکطرفه موثری ایجاد شود؟ مفهوم رمز کردن با کلید عمومی را ویتفیلد دیفی (Whitfield Diffie) و مارتین هلمن (Martin Hellman) در سال ۱۹۷۷ اختراع کردند. پس از آن گروه دیگری از دانشمندان علوم کامپیوتر، یعنی ران ریوست (Ran Rivest)، شمیر (Shmir) و لئونارد ادلمن (Leonard Adelman) با استفاده از سیستم فاکتور کردن اعداد اول تئوری دیگری را عنوان کردند که به آن، سیستم RSA (مخفف نام خانوادگی آنها) می‌گویند. آنها ادعا کردند که میلیون‌ها سال طول می‌کشد تا یک عدد ۱۳۰ رقمی حاصلضرب دو عدد اول، از رمز خارج شود و این بدون در نظر گرفتن مقدار نیروی محاسباتی است که برای این کار مورد استفاده قرار می‌گیرد. برای اثبات این امر، آنها از همه مردم دنیا خواستند تا دو فاکتور یک عدد ۱۲۹ رقمی را که در بین مردم به RSA 129 معروف است، پیدا کنند.

آنها اطمینان داشتند که پیام رمز شده با استفاده از این عدد به جای کلید عمومی، برای همیشه امن خواهد بود، ولی آنها پیش بینی نمی‌کردند که تأثیرات قانون مور بتواند کامپیوترها را قدرتمندتر سازد. در سال ۱۹۹۳، بیش از ۶۰۰ دانشمند و متخصص و افراد آماتور از سرتاسر جهان گرد هم آمدند و شروع به کار روی عدد ۱۲۹ رقمی کردند. در کمتر از یک سال، آنها توانستند آن عدد را به دو عدد اول ۶۴ رقمی و ۶۵ رقمی تقسیم کنند. پیام رمز گشایی شده، این بود: «واژه‌های سحر آمیز، نازک طبع و استخوانی‌اند.»

افزودن فقط چند رقم به کلید، شکستن رمز آن را بسیار مشکل‌تر می‌کند. به طوری که بنا به نظر ریاضی دانان، در حال حاضر شکستن یک کلید عمومی ۲۵۰ رقمی، غیر ممکن است. قدرت سیستم RSA نیز مانند سیستم DES با واحد بیت محاسبه می‌شود، با این تفاوت که به دلیل محدود نبودن تعداد اعداد اول و همچنین تعداد ارقام آن و در نتیجه مقدار حاصلضرب آنها،

این سیستم می‌تواند با هر توانایی، ارائه و استفاده شود. در حال حاضر، سایت‌های اینترنتی و پروتکل SSL از رمزنگاری ۱۲۸ بیتی آن استفاده می‌کنند. البته استفاده از مقادیر بالاتر نیز امکان پذیر است و صرفاً زمان بیشتری را برای محاسبه رمزنگاری و رمزگشایی به همراه دارد، اما شکستن رمز آن همانطور که در نمونه RSA129 نیز ذکر شد، بسیار مشکل است. همچنین لازم به ذکر است که افراد و شرکت‌ها و سازمان‌هایی که از هر گونه سیستم رمز استفاده می‌کنند، برای افزایش امنیت، رمز خود را دائم تعویض می‌کنند.

### نحوه محاسبات در سیستم RSA

ابتدا کل پیام را به K بلوک تقسیم می‌کنیم. در این سیستم، برخلاف سیستم DES هیچ گونه محدودیتی در نوع بلوک‌ها وجود ندارد و می‌توان بلوک‌های یک کاراکتری یا چند کاراکتری را انتخاب کرد. سپس بر یک مبنای مشخص مانند اسکی (ASCII) و یا یونی کد (UNICODE)، بلوک‌ها را به معادل عددی آنها تبدیل می‌کنیم و نام آن را Pi می‌گذاریم. به عنوان مثال، رشته M= IDESOFMARCH را در نظر بگیرید، در جدول ۱ آن را به بلوک‌های ۲ کاراکتری و سپس معادل‌های عددی تقسیم کردیم.

سپس دو عدد اول انتخاب کرده و آنها را p و q می‌نامیم. پس از آن مقادیر n و z را طبق روابط زیر محاسبه می‌کنیم:

$$n = p \times q$$

$$z = (p - 1)(q - 1)$$

حال عددی مانند d را به گونه‌ای انتخاب می‌کنیم که نسبت به z اول باشد، یعنی هیچ عامل مشترکی که هر دو بر آن بخش پذیر باشند، نداشته باشد.

بر اساس d، عدد e را به گونه‌ای انتخاب می‌کنیم تا رابطه زیر برقرار باشد:

$$(e * d) \bmod z = 1$$

(عبارت mod به معنای باقیمانده تقسیم است.)

نکته‌ای که باید رعایت شود، آن است که کدهای P<sub>i</sub> نسبت داده شده به هر بلوک باید کوچک‌تر از n باشد.

حال طبق رابطه زیر مقادیر Pi را به Ci تبدیل می‌کنیم:

$$C_i = (P_i)^e \bmod n$$

ID	ES	OF	MA	RC	HX	رشته اصلی به بلوک‌های ۲ کاراکتری
0803	0418	1405	1200	1702	0723	تبدیل بلوک به عدد صحیح
P <sub>1</sub>	P <sub>2</sub>	P <sub>3</sub>	P <sub>4</sub>	P <sub>5</sub>	P <sub>6</sub>	بلوک‌های جدید عددی

جدول ۱

## ادامه از صفحه ۱۳

دارای ۲۵ تا ۳۵ کلمه بوده، مگر اینکه حاوی نقل قول و یا تصویر باشد. نوشته‌های طولانی علاوه بر دشواری در خواندن (در صورت استفاده از پویانمایی) نیاز به کلیک‌های بیشتری برای نمایش هر اسلاید دارند.

- هر یک از زیر مجموعه‌های مشخص شده با دایره باید حاوی یک عبارت قابل فهم باشد. جملات طولانی و توصیفی را باید به همراه نمایش اسلاید، به صورت شفاهی بیان کرد. جملات اسلاید علاوه بر القای احساس و تفکر شما در زمان ارائه، باید برای مخاطبان غایبی که بعداً فایل ارائه شما را مشاهده خواهند کرد، مناسب و به اندازه کافی گویا باشد.

- از تصاویر متناسب با موضوع استفاده کنید. یک ایده مناسب ایجاد فاصله بین نوشته‌های اسلاید توسط تصویر است. یک تصویر خوب می‌تواند معادل هزاران کلمه برای مخاطبان مطلب داشته باشد. برای این منظور می‌توانید از تصاویر آماده موجود در PowerPoint و یا از تصاویر رایگان موجود در وب استفاده کنید؛ البته تصاویر کارتونی توجه بیشتری به خود جلب می‌کنند ولی باید متناسب با موضوع مورد نظر انتخاب شوند. استفاده از تصاویر و تیتروهای روزنامه‌ها نیز ایده مناسبی است.

- اسلاید یکی مانده به آخر باید حاوی جمع‌بندی مطالب ارائه شده باشد. به همین دلیل باید خلاصه عقاید و نکات مهم سخنرانی را پوشش دهد. فراموش نکنید که در این اسلاید از کلمات و عبارات به کار رفته در اسلاید دوم استفاده نکرده و از جملات و عبارات جذاب دیگری بهره ببرید.

- اسلاید نهایی حاوی آدرس منابع مطالعاتی بیشتر درباره سخنرانی شما است. به علاوه این صفحه می‌تواند شامل آدرس‌های وب و یا آدرس وبسایت و یا وبلاگ شخصی شما و موارد مشابه آن باشد. آدرس پست الکترونیک و صندوق پستی خود را نیز در همین صفحه بیاورید (برخی به اشتباه آن را در صفحه اول می‌آورند).

- بهتر است یک نسخه چاپی از اسلایدهای خود را قبل از شروع ارائه مطلب به شنوندگان ارائه کنید. البته این کار را به مجریان برنامه محول کنید، زیرا ممکن است آنها بخواهند مطالب شما را به همراه سایر موارد دیگر در یک مجموعه به شنوندگان ارائه کنند.

در شماره‌های بعد، نکات بیشتر و مهم‌تری درباره شیوه‌های ارائه مطلب خواهید آموخت.

اکنون می‌توان این مقادیر  $C_i$  را که در حقیقت مقادیر رمز شده در سیستم RSA هستند، به جای مقادیر اصلی ارسال کرد. برای رمزگشایی نیز کافی است که مقادیر  $C_i$  را طبق رابطه زیر به حالت اولیه خود برگردانید:

$$P_i = (C_i)^d \text{ mod } n$$

در این صورت کلید عمومی و کلید خصوصی به صورت ذیل تعریف می‌شود:

$$\text{Public Key} = (e, n)$$

$$\text{Private Key} = (d, n)$$

همانطور که مشاهده شد رمزنگاری و رمزگشایی با دو عدد مختلف  $e$  و  $d$  انجام می‌گیرد که محاسبه هر یک بدون داشتن  $p$  و  $q$  (همان دو عدد اول) غیر ممکن است و برای محاسبه آن دو عدد اول، باید از  $n$  فاکتورگیری کرد. پس می‌توان مطمئن بود که با داشتن کلید عمومی که اطلاعات را رمز می‌کند، نمی‌توان اطلاعات را رمزگشایی کرد و از این رو احتیاجی به مراقبت ندارد و می‌توان برای دریافت پیام‌های رمز شده، آن را در اختیار همگان قرار داد.

البته برای به توان رساندن اعداد بالا توسط کامپیوتر مدت زمان نسبتاً طولانی صرف می‌شود، به همین دلیل با استفاده از فرمول‌های پیچیده‌تری به عنوان مکمل، عمل توان را با مراحل کمتر و در نتیجه سریع‌تر، انجام می‌دهند.

### قدرت سیستم RSA

در ادامه به شکستن رمز این سیستم، یعنی مدت زمان مورد نیاز برای فاکتورگیری از  $n$  می‌پردازیم. فرض کنید کامپیوتری هر عمل را در یک میکرو ثانیه

تعداد ارقام	زمان محاسبه
۵۰	۴ ساعت
۷۵	۱۰۴ روز
۱۰۰	۷۴ سال
۲۰۰	۴ میلیون سال
۳۰۰	$۱۰^{۱۵}$ سال
۵۰۰	$۱۰^{۲۵}$ سال

جدول ۲

انجام بدهد، جدول ۲ زمان تجزیه یک عدد را به عوامل اول بر حسب تعداد ارقام عدد مشخص کرده است.

گرچه تحقیق بر روی تجزیه اعداد به عوامل اول ادامه دارد ولی هنوز هیچ الگوریتم کارآمدی که بتواند زمان‌های جدول ۲ را کاهش دهد، پیدا نشده است و از این رو در حال حاضر قوی‌ترین، ساده‌ترین و ایمن‌ترین سیستم رمزنگاری به شمار می‌رود.